

## Control 3

Prof. Cátedra: M. Kiwi

Prof. Auxiliar: J. Soto

TIEMPO: 4.0 HRS.

## PROBLEMA 1:

(i).- (1.5 pts) Pruebe que programación lineal es P-duro, es decir que el siguiente lenguaje es P-completo,

$$LP = \{ \langle A, b, c; B \rangle : A \in \mathbb{Z}^{n \times d}, b \in \mathbb{Z}^d, c \in \mathbb{Z}^d, \text{ y } B \in \mathbb{Z}, \text{ tal que } \exists x \in \mathbb{R}^d, Ax \leq b \text{ y } c^T x \geq B \}.$$

(ii).- (1.0 pts) Pruebe que 2SAT es NL-completo.

(iii).- Sea  $poliL = \cup_{i \geq 1} \text{ESPACIO}(\log^i n)$  el conjunto de lenguajes decididos por máquinas de Turing a espacio polilogarítmico.

(iii.1).- (1.5 pts) Pruebe que  $NL \neq poliL$ .

(iii.2).- (1.0 pts) Pruebe que  $P \neq poliL$ .

Indicación: Use que en P hay lenguajes P-completos bajo reducciones a espacio logarítmico.

(iv).- (1.0 pts) ¿Porqué cree que no se definen y estudian clases como RPESPACIO o coRPESPACIO? Justifique y demuestre las afirmaciones que haga.

## PROBLEMA 2:

(i).- (2.0 pts) Pruebe que  $NP \subseteq PP$ .

(ii).- (2.0 pts) Se dice que  $A$  reduce de manera probabilista a  $B$ , denotado  $A \leq_R B$ , si existe una mTND  $M$  a tiempo polinomial tal que en la entrada  $\omega$ :

(a).- En cada rama de aceptación del árbol de cálculo de  $M$  en la entrada  $\omega$ , se genera una salida  $\sigma$  (esta salida puede ser distinta para distintas ramas de aceptación del árbol de cálculo).

(b).- Para toda salida  $\sigma$  correspondiente a alguna rama de aceptación del árbol de cálculo de  $M$  en la entrada  $\omega$ , se tiene que  $\omega \in A$  si y sólo si  $\sigma \in B$ .

Pruebe que si  $L$  es NP-duro bajo reducciones probabilistas, entonces  $L \in ZPP$  implica que  $NP = ZPP$ .

(iii).- (2.0 pts) Pruebe que si  $NP \subseteq BPP$ , entonces  $NP = RP$ .