Escuela de Primavera 2006

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducción

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varia

Pesquerías Artesan versus Industriales

render internaciona

Conclusiona

Algunos Problemas en la Gestión de Recursos Pesqueros

Héctor Ramírez C.

DIM & CMM, Universidad de Chile, Santiago de Chile

Escuela de Primavera 4 de Octubre de 2006 - Santiago, Chile

Planificación de la charla

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidae

- Introducción
- 2 Comportamiento de equilibrios en extracción de especies pelágicas
 - No linealidad en la función de extracción
- Interacción estratégica entre varias pesquerías explotando un mismo recurso
 - Pesquerías Artesanales versus Industriales
 - Pesquerías Nacionales versus Internacionales
- 4 Teoría de la viabilidad aplicada a indicadores bio-económicos
- Conclusiones

Planificación de la charla

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducción

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesa

Pesquerias Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionale versus Internacionales

Sustentabilida

- Introducción
- Comportamiento de equilibrios en extracción de especies pelágicas
 - No linealidad en la función de extracción
- Interacción estratégica entre varias pesquerías explotando un mismo recurso
 - Pesquerías Artesanales versus Industriales
 - Pesquerías Nacionales versus Internacionales
- 4 Teoría de la viabilidad aplicada a indicadores bio-económico
- Conclusiones

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducción

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustantabilida

- Identificar problemas interesantes, tanto científica como políticamente hablando, en la temática pesquera chilena
- Crear herramientas que provean una intuición y conocimientos mayores acerca del funcionamiento biológico y económico de los procesos pesqueros
- Estas herramientas deberían mejorar nuestro entendimiento sobre los trade-offs propios de las decisiones que se toman para regular esta actividad en Chile
- Crear grupos científicos multidisciplinarios (biólogos, economistas, matemáticos) en torno a estos temas

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducción

Equilibrios

No linealidad en la función de extracciór

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Artesanales

Sustentabilidae

- Identificar problemas interesantes, tanto científica como políticamente hablando, en la temática pesquera chilena
- Crear herramientas que provean una intuición y conocimientos mayores acerca del funcionamiento biológico y económico de los procesos pesqueros
- Estas herramientas deberían mejorar nuestro entendimiento sobre los trade-offs propios de las decisiones que se toman para regular esta actividad en Chile
- Crear grupos científicos multidisciplinarios (biólogos, economistas, matemáticos) en torno a estos temas

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducción

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad Conclusiones

- Identificar problemas interesantes, tanto científica como políticamente hablando, en la temática pesquera chilena
- Crear herramientas que provean una intuición y conocimientos mayores acerca del funcionamiento biológico y económico de los procesos pesqueros
- Estas herramientas deberían mejorar nuestro entendimiento sobre los *trade-offs* propios de las decisiones que se toman para regular esta actividad en Chile
- Crear grupos científicos multidisciplinarios (biólogos, economistas, matemáticos) en torno a estos temas

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducción

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale: versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

- Identificar problemas interesantes, tanto científica como políticamente hablando, en la temática pesquera chilena
- Crear herramientas que provean una intuición y conocimientos mayores acerca del funcionamiento biológico y económico de los procesos pesqueros
- Estas herramientas deberían mejorar nuestro entendimiento sobre los *trade-offs* propios de las decisiones que se toman para regular esta actividad en Chile
- Crear grupos científicos multidisciplinarios (biólogos, economistas, matemáticos) en torno a estos temas

Planificación de la charla

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracci

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Introducción
- 2 Comportamiento de equilibrios en extracción de especies pelágicas
 - No linealidad en la función de extracción
- Interacción estratégica entre varias pesquerías explotando un mismo recurso
 - Pesquerías Artesanales versus Industriales
 - Pesquerías Nacionales versus Internacionales
- 4 Teoría de la viabilidad aplicada a indicadores bio-económico
- Conclusiones

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introduccio

Equilibrios

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionale:

Sustentabilidad

Conclusiones

- Las especies pesqueras pelágicas son aquellas que se situan cercanas a la superficie y en grupos de una densidad importante
- Ejemplo de especies pelágicas en Chile son: jurel, sardinas, anchovetas, pez espada
- Las pesquerías pelágicas pequeñas (jurel, sardina, anchoveta) representan una gran porción de esta industria en Perú y Chile
- En los modelos económicos clásicos, que se encuentran en la literatura, se tiene que la dinámica de un stock x en tiempo continuo está dada por

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u(t)x(t)$$

 Estudios estadísticos recientes¹, proponen una dinámica más adecuada a caso de las especies pelágicas en Chile, de la forma

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u^{\alpha}(t)x^{\beta}(t)$$

¹Peña & Basch 2000

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introduccio

Equilibrios

Interacción
entre varias
pesquerías
Pesquerías Artesanale
versus Industriales
Pesquerías Nacionales
versus Internacionales

Sustentabilidad

Conclusiones

- Las especies pesqueras pelágicas son aquellas que se situan cercanas a la superficie y en grupos de una densidad importante
- Ejemplo de especies pelágicas en Chile son: jurel, sardinas, anchovetas, pez espada
- Las pesquerías pelágicas pequeñas (jurel, sardina, anchoveta) representan una gran porción de esta industria en Perú y Chile
- En los modelos económicos clásicos, que se encuentran en la literatura, se tiene que la dinámica de un stock x en tiempo continuo está dada por

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u(t)x(t)$$

 Estudios estadísticos recientes¹, proponen una dinámica más adecuada a caso de las especies pelágicas en Chile, de la forma

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u^{\alpha}(t)x^{\beta}(t)$$

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introduccio

Equilibrios No linealidad en función de extra

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

Conclusiones

- Las especies pesqueras pelágicas son aquellas que se situan cercanas a la superficie y en grupos de una densidad importante
- Ejemplo de especies pelágicas en Chile son: jurel, sardinas, anchovetas, pez espada
- Las pesquerías pelágicas pequeñas (jurel, sardina, anchoveta) representan una gran porción de esta industria en Perú y Chile
- En los modelos económicos clásicos, que se encuentran en la literatura, se tiene que la dinámica de un stock x en tiempo continuo está dada por

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u(t)x(t)$$

 Estudios estadísticos recientes¹, proponen una dinámica más adecuada a caso de las especies pelágicas en Chile, de la forma

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u^{\alpha}(t)x^{\beta}(t)$$



¹Peña & Basch 2000

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

Conclusiones

- Las especies pesqueras pelágicas son aquellas que se situan cercanas a la superficie y en grupos de una densidad importante
- Ejemplo de especies pelágicas en Chile son: jurel, sardinas, anchovetas, pez espada
- Las pesquerías pelágicas pequeñas (jurel, sardina, anchoveta) representan una gran porción de esta industria en Perú y Chile
- En los modelos económicos clásicos, que se encuentran en la literatura, se tiene que la dinámica de un stock *x* en tiempo continuo está dada por

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u(t)x(t)$$

 Estudios estadísticos recientes¹, proponen una dinámica más adecuada a caso de las especies pelágicas en Chile, de la forma

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u^{\alpha}(t)x^{\beta}(t)$$



¹Peña & Basch 2000

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introduccio

Equilibrios

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionale versus Internacionale

Sustentabilidad

Conclusiones

- Las especies pesqueras pelágicas son aquellas que se situan cercanas a la superficie y en grupos de una densidad importante
- Ejemplo de especies pelágicas en Chile son: jurel, sardinas, anchovetas, pez espada
- Las pesquerías pelágicas pequeñas (jurel, sardina, anchoveta) representan una gran porción de esta industria en Perú y Chile
- En los modelos económicos clásicos, que se encuentran en la literatura, se tiene que la dinámica de un stock *x* en tiempo continuo está dada por

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u(t)x(t)$$

 Estudios estadísticos recientes¹, proponen una dinámica más adecuada al caso de las especies pelágicas en Chile, de la forma

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - u^{\alpha}(t)x^{\beta}(t)$$



¹Peña & Basch 2000

Problema de cada pesquería: caso simétrico

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanal versus Industriales Pesquerías Nacionale versus Internacionale

G. . . 1

Conclusiones

$$(P_i) \quad \max_{u_i \in \mathcal{U}} \int_0^{+\infty} e^{-rt} (pu_i^{\alpha}(t)x^{\beta}(t) - cu_i(t)) dt$$

sujeto a

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - \sum_{j=1}^{N} u_j^{\alpha}(t) x^{\beta}(t) \qquad t > 0$$

$$x(0) = x_0 > 0 \qquad \text{(stock inicial)}$$

donde:

- \bullet u_i el esfuerzo pesquero aplicado de la pesquería (o agente) i
- p el precio por unidad de extracción
- c el costo por unidad de esfuerzo pesquero aplicado
- r factor de descuento

No hay diferencia entre las distintas pesquerías (igual p, c, r, α y

Problema de cada pesquería: caso simétrico

Gestión de Recursos Pesqueros

No linealidad en la función de extracción

$$(P_i) \quad \max_{u_i \in \mathcal{U}} \int_0^{+\infty} e^{-rt} (pu_i^{\alpha}(t)x^{\beta}(t) - cu_i(t)) dt$$

sujeto a

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - \sum_{j=1}^{N} u_j^{\alpha}(t) x^{\beta}(t) \qquad t > 0$$

$$x(0) = x_0 > 0 \qquad \text{(stock inicial)}$$

$$x(0) = x_0 > 0$$
 (stock inicial)

donde:

- *u_i* el esfuerzo pesquero aplicado de la pesquería (o agente) *i*
- p el precio por unidad de extracción
- c el costo por unidad de esfuerzo pesquero aplicado
- r factor de descuento

No hay diferencia entre las distintas pesquerías (igual p, c, r, α y

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios
No linealidad en la

No linealidad en la función de extracción

entre varias
pesquerías
Pesquerías Artesana
versus Industriales
Pesquerías Nacional
versus Internacional

Conclusions

Conclusiones

$$(P) \quad \max_{u \in \mathcal{U}} N \int_0^{+\infty} e^{-rt} (pu^{\alpha}(t)x^{\beta}(t) - cu(t)) dt$$

sujeto a

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - Nu^{\alpha}(t)x^{\beta}(t) \qquad t > 0$$

$$x(0) = x_0 > 0 \qquad \text{(stock inicial)}$$

donde:

- N agentes que extraen el mismo recurso
- *u* el esfuerzo pesquero aplicado por cada agente
- p el precio por unidad de extracción
- c el costo por unidad de esfuerzo pesquero aplicado
- r factor de descuento

Escuela de Primavera 20

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanal versus Industriales Pesquerías Nacionale versus Internacionale

Sustentabilida

Conclusiones

Proposición (a través del Principio del Máximo de Pontryagin)

Si $u: [0, +\infty[\longrightarrow \mathbb{R}_+ \text{ es un esfuerzo de pesca óptimo para el problema del planificador social y x es la trayectoria del stock asociada, entonces existe una función <math>\lambda: [0, +\infty[\longrightarrow \mathbb{R} \text{ tal que }$

$$u(x(t), \lambda(t)) = \begin{cases} 0 & \text{if } \lambda(t) \ge p \\ \left(\frac{\alpha(p-\lambda(t))}{c}\right)^{\frac{1}{1-\alpha}} x^{\frac{\beta}{1-\alpha}}(t) & \text{if } \lambda(t) < p. \end{cases}$$

$$\dot{x}(t) = F(x(t)) - Nu^{\alpha}(t)x^{\beta}(t)
\dot{\lambda}(t) = r\lambda(t) - \beta Npu^{\alpha}x^{\beta-1} - \lambda(t)(F'(x) - \beta Nu^{\alpha}x^{\beta-1})
x(0) = x_0 > 0 (stock inicial)$$

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción

entre varia pesquerías

Pesquerías Artesan versus Industriales Pesquerías Nacion

Sustentabilida

Conclusione:

Se tiene así el siguiente sistema:

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = \varphi_1^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)) \\ \dot{\lambda}(t) = \varphi_2^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)), \\ x(0) = x_0 > 0 \quad \text{dato (stock inicial)} \end{cases}$$

Proposición (C

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extraccio

Interacción entre varia pesquerías

Pesquerías Artesanalo versus Industriales Pesquerías Nacionale versus Internacionale

Sustentabilida

Conclusiones

Se tiene así el siguiente sistema:

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = \varphi_1^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)) \\ \dot{\lambda}(t) = \varphi_2^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)), \\ x(0) = x_0 > 0 \quad \text{dato (stock inicial)} \end{cases}$$

- Si $\alpha < 1$, existe un único estado estacionario $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$
- Este único estado estacionario es un punto silla
- Las trayectorias convergentes a $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$ son óptimas para el problema del planificador social
- El estado estacionario $x_{\alpha,\beta}^*$ decrece cuando β decrece y se tiene $x_{\alpha,\beta}^* \to x_r$ cuando $\beta \to 0^+$ donde $F'(x_r) = r$
- $\lambda_{\alpha,\beta}^* \to p-c$ cuando $\beta \to 0$
- $Si \ln \left(\frac{F(x_r)}{Nx_r} \right) > (<) 1$, entonces $\lambda_{\alpha,\beta}^*$ (de)crece cuando β decrece

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Arte

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional versus Internacional

Sustentabilida

Conclusiones

Se tiene así el siguiente sistema:

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = \varphi_1^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)) \\ \dot{\lambda}(t) = \varphi_2^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)), \\ x(0) = x_0 > 0 \quad \text{dato (stock inicial)} \end{cases}$$

- Si α < 1, existe un único estado estacionario $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$
- Este único estado estacionario es un punto silla
- Las trayectorias convergentes a $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$ son óptimas para el problema del planificador social
- El estado estacionario $x_{\alpha,\beta}^*$ decrece cuando β decrece y se tiene $x_{\alpha,\beta}^* \to x_r$ cuando $\beta \to 0^+$ donde $F'(x_r) = r$
- $\lambda_{\alpha,\beta}^* \to p-c$ cuando $\beta \to 0$
- $Si \ln \left(\frac{F(x_r)}{Nx_r} \right) > (<) 1$, entonces $\lambda_{\alpha,\beta}^*$ (de)crece cuando β decrece

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerias Artesanal versus Industriales Pesquerias Nacionale versus Internacionale

Sustentabilida

Conclusiones

Se tiene así el siguiente sistema:

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = \varphi_1^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)) \\ \dot{\lambda}(t) = \varphi_2^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)), \\ x(0) = x_0 > 0 \quad \text{dato (stock inicial)} \end{cases}$$

- Si $\alpha < 1$, existe un único estado estacionario $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$
- Este único estado estacionario es un punto silla
- Las trayectorias convergentes a $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$ son óptimas para el problema del planificador social
- El estado estacionario $x_{\alpha,\beta}^*$ decrece cuando β decrece y se tiene $x_{\alpha,\beta}^* \to x_r$ cuando $\beta \to 0^+$ donde $F'(x_r) = r$
- $\lambda_{\alpha,\beta}^* \to p-c$ cuando $\beta \to 0$
- Si $\ln\left(\frac{F(x_r)}{Nx_r}\right) > (<) 1$, entonces $\lambda_{\alpha,\beta}^*$ (de)crece cuando β decrece

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Arteversus Industria

Pesquerias Artesana versus Industriales Pesquerias Nacional versus Internacional

Sustentabilida

Conclusiones

Se tiene así el siguiente sistema:

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = \varphi_1^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)) \\ \dot{\lambda}(t) = \varphi_2^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)), \\ x(0) = x_0 > 0 \quad \text{dato (stock inicial)} \end{cases}$$

- Si α < 1, existe un único estado estacionario $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$
- Este único estado estacionario es un punto silla
- Las trayectorias convergentes a $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$ son óptimas para el problema del planificador social
- El estado estacionario $x_{\alpha,\beta}^*$ decrece cuando β decrece y se tiene $x_{\alpha,\beta}^* \to x_r$ cuando $\beta \to 0^+$ donde $F'(x_r) = r$
- $\lambda_{\alpha,\beta}^* \to p-c \ cuando \ \beta \to 0$
- $Si \ln \left(\frac{F(x_r)}{Nx_r} \right) > (<) -1$, entonces $\lambda_{\alpha,\beta}^*$ (de)crece cuando β decrece

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios No linealidad en la

función de extracción

entre varias

pesquerías

Pesquerías Artesanal

versus Industriales

Pesquerías Nacionale

versus Internacionale

Sustentabilida

Conclusiones

Se tiene así el siguiente sistema:

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = \varphi_1^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)) \\ \dot{\lambda}(t) = \varphi_2^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)), \\ x(0) = x_0 > 0 \quad \text{dato (stock inicial)} \end{cases}$$

- Si α < 1, existe un único estado estacionario $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$
- Este único estado estacionario es un punto silla
- Las trayectorias convergentes a $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$ son óptimas para el problema del planificador social
- El estado estacionario $x_{\alpha,\beta}^*$ decrece cuando β decrece y se tiene $x_{\alpha,\beta}^* \to x_r$ cuando $\beta \to 0^+$ donde $F'(x_r) = r$
- $\lambda_{\alpha,\beta}^* \to p c \text{ cuando } \beta \to 0^+$
- Si $\ln\left(\frac{F(x_r)}{Nx_r}\right) > (<) 1$, entonces $\lambda_{\alpha,\beta}^*$ (de)crece cuando β decrece

Escuela de Primavera 20

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

función de extracción

Interaccion entre varias pesquerías Pesquerías Artes versus Industrialo

Suctentabilida

Conclusiones

Se tiene así el siguiente sistema:

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = \varphi_1^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)) \\ \dot{\lambda}(t) = \varphi_2^{\alpha,\beta}(x(t),\lambda(t)), \\ x(0) = x_0 > 0 \quad \text{dato (stock inicial)} \end{cases}$$

- Si α < 1, existe un único estado estacionario $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$
- Este único estado estacionario es un punto silla
- Las trayectorias convergentes a $(x_{\alpha,\beta}^*, \lambda_{\alpha,\beta}^*)$ son óptimas para el problema del planificador social
- El estado estacionario $x_{\alpha,\beta}^*$ decrece cuando β decrece y se tiene $x_{\alpha,\beta}^* \to x_r$ cuando $\beta \to 0^+$ donde $F'(x_r) = r$
- $\lambda_{\alpha,\beta}^* \to p c \text{ cuando } \beta \to 0^+$
- $Si \ln \left(\frac{F(x_r)}{Nx_r} \right) > (<) 1$, entonces $\lambda_{\alpha,\beta}^*$ (de)crece cuando β decrece

Gráfico de dependencia del parámetro β

Primavera 20

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrio

No linealidad en la función de extracción

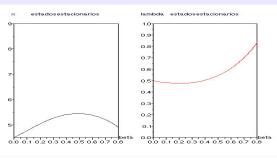
entre varia pesquerías

Pesquerías Artesa versus Industriale

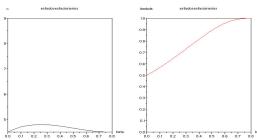
Pesquerías Naciona versus Internaciona

Sustentabilidad

Conclusiones







N=10.000 K=10.000 I=2.000 r=0.200 x_imit=4.500 p=c-0.500 F(x)/Nx=0.110 Ve=0.368

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Naciona

Sustentabilida

Conclusiones

Trabajos en curso

- Comportamiento de los estados estacionario cuando α crece, pudiendo tomar valores $\alpha>1$
- Problemas de juegos no-cooperativos

Problemas abiertos

- Caso no simétrico: pesquerías con distintas tecnologías
- Estudiar sensibilidad de equilibrios tipo Nash y Stackelberg^c con respecto a los parámetros α y β

^aTrabajos relacionados Clark 1985, 1990

Escuela de Primavera 20

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional versus Internacional

Sustentabilidac

Conclusiones

Trabajos en curso

- Comportamiento de los estados estacionario cuando α crece, pudiendo tomar valores $\alpha>1$
- Problemas de juegos no-cooperativos

Problemas abiertos

- Caso no simétrico: pesquerías con distintas tecnologías
- Estudiar sensibilidad de equilibrios tipo Nash y Stackelberg^a con respecto a los parámetros α y β

^aTrabajos relacionados Clark 1985, 1990

Planificación de la charla

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanalo versus Industriales Pesquerías Nacionale versus Internacionale

Suctontabilidae

- Introducción
- Comportamiento de equilibrios en extracción de especies pelágicas
 - No linealidad en la función de extracción
- 3 Interacción estratégica entre varias pesquerías explotando un mismo recurso
 - Pesquerías Artesanales versus Industriales
 - Pesquerías Nacionales versus Internacionales
- 4 Teoría de la viabilidad aplicada a indicadores bio-económico
- Conclusiones

Planificación de la charla

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilida

- Introducción
- Comportamiento de equilibrios en extracción de especies pelágicas
 - No linealidad en la función de extracción
- Interacción estratégica entre varias pesquerías explotando un mismo recurso
 - Pesquerías Artesanales versus Industriales
 - Pesquerías Nacionales versus Internacionales
- 4 Teoría de la viabilidad aplicada a indicadores bio-económicos
- Conclusiones

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Ley chilena define derechos exclusivos de pesca a favor de las pesquerías artesanales (pequeña escala), cuando estas operan cerca de la costa (hasta 5 mn).
 - Las flotas industriales no tienen permitido pescar en esta área
- Algunos peces (ej. sardinas, jurel) viven en aguas costeras durante una parte del año, para luego ir a alta mar el resto de tiempo
- En alta mar, este mismo stock de peces es capturado por botes industriales, quienes operan bajo cuotas anuales individuales.
- Algunos datos de la actividad en la I y II región (norte Chile): Industriales capturan alrededor de 1.4 millones tons. por año Artesanales capturan alrededor de 60.000 tons. por año

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Ley chilena define derechos exclusivos de pesca a favor de las pesquerías artesanales (pequeña escala), cuando estas operan cerca de la costa (hasta 5 mn).
- Las flotas industriales no tienen permitido pescar en esta área
- Algunos peces (ej. sardinas, jurel) viven en aguas costeras durante una parte del año, para luego ir a alta mar el resto del tiempo
 - Estos patrones migratorios no son completamente entendidos
- En alta mar, este mismo stock de peces es capturado por botes industriales, quienes operan bajo cuotas anuales individuales
- Algunos datos de la actividad en la I y II región (norte Chile): Industriales capturan alrededor de 1.4 millones tons. por año Artesanales capturan alrededor de 60.000 tons. por año

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

- Ley chilena define derechos exclusivos de pesca a favor de las pesquerías artesanales (pequeña escala), cuando estas operan cerca de la costa (hasta 5 mn).
 - Las flotas industriales no tienen permitido pescar en esta área
- Algunos peces (ej. sardinas, jurel) viven en aguas costeras durante una parte del año, para luego ir a alta mar el resto del tiempo
 - Estos patrones migratorios no son completamente entendidos
- En alta mar, este mismo stock de peces es capturado por botes industriales, quienes operan bajo cuotas anuales individuales
- Algunos datos de la actividad en la I y II región (norte Chile): Industriales capturan alrededor de 1.4 millones tons. por año Artesanales capturan alrededor de 60.000 tons. por año

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

- Ley chilena define derechos exclusivos de pesca a favor de las pesquerías artesanales (pequeña escala), cuando estas operan cerca de la costa (hasta 5 mn).
 - Las flotas industriales no tienen permitido pescar en esta área
- Algunos peces (ej. sardinas, jurel) viven en aguas costeras durante una parte del año, para luego ir a alta mar el resto del tiempo
 - Estos patrones migratorios no son completamente entendidos
- En alta mar, este mismo stock de peces es capturado por botes industriales, quienes operan bajo cuotas anuales individuales
- Algunos datos de la actividad en la I y II región (norte Chile):
 Industriales capturan alrededor de 1.4 millones tons. por año
 Artesanales capturan alrededor de 60.000 tons. por año

Gestión de Recursos Pesqueros

Pesquerías Artesanales versus Industriales

- Ley chilena define derechos exclusivos de pesca a favor de las pesquerías artesanales (pequeña escala), cuando estas operan cerca de la costa (hasta 5 mn).
 - Las flotas industriales no tienen permitido pescar en esta área
- Algunos peces (ej. sardinas, jurel) viven en aguas costeras durante una parte del año, para luego ir a alta mar el resto del tiempo
 - Estos patrones migratorios no son completamente entendidos
- En alta mar, este mismo stock de peces es capturado por botes industriales, quienes operan bajo cuotas anuales individuales
- Algunos datos de la actividad en la I y II región (norte Chile): Industriales capturan alrededor de 1.4 millones tons. por año Artesanales capturan alrededor de 60.000 tons. por año

Escuela de Primavera 2006

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

o linealidad en la nción de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales

Sustentabilida

Conclusiones

Objetivos

- Modelar la interacción estratégica de extracción entre estos dos tipos de pesquerías, dado que explotan el mismo stock de peces en distintas zonas
- Esperamos que algunas de nuestras conclusiones nos permitan recomendar estrategias o política de interacción entre pesquerías artesanales e industriales
- Ilustramos esta situación en un ejemplo simple

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

Conclusiones

Objetivos

- Modelar la interacción estratégica de extracción entre estos dos tipos de pesquerías, dado que explotan el mismo stock de peces en distintas zonas
- Esperamos que algunas de nuestras conclusiones nos permitan recomendar estrategias o política de interacción entre pesquerías artesanales e industriales
- Ilustramos esta situación en un ejemplo simple

Pesquerías artesanales versus industriales

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabi

Conclusiones

Objetivos

- Modelar la interacción estratégica de extracción entre estos dos tipos de pesquerías, dado que explotan el mismo stock de peces en distintas zonas
- Esperamos que algunas de nuestras conclusiones nos permitan recomendar estrategias o política de interacción entre pesquerías artesanales e industriales
- Ilustramos esta situación en un ejemplo simple

Un modelo de crecimiento y difusión (sin extracción)

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extraccio

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

Conclusiones

 Consideraremos un modelo en tiempo discreto para el crecimiento y difusión de la biomasa de una especie

Difusión entre las 2 zonas:

- Para un periodo dado de tiempo (ej. un año o medio año), distinguimos 2 sesiones (impar y par)
- La variable x_k representa la biomass en aguas costeras al final de cada sesión k, mientras que y_k indica lo mismo en alta mar
- Al comienzo de sesiones impares supondremos una migración desde alta mar hacia la costa, y una migración en el sentido inverso al comienzo de sesiones pares

Un modelo de crecimiento y difusión (sin extracción)

Escuela de Primavera 20

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

No linealidad en la

Interacción

pesquerías

Pesquerías Artesanales
versus Industriales

Pesquerías Nacionales

Sustentabilidae

$$x_{2k-1} = f_1(x_{2k-2} + g_1(y_{2k-2})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$y_{2k-1} = f_2(y_{2k-2} - g_1(y_{2k-2})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$x_{2k} = f_1(x_{2k-1} - g_2(x_{2k-1})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$y_{2k} = f_2(y_{2k-1} + g_2(x_{2k-1})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$x_0 \ge 0, y_0 \ge 0.$$

- f1: función reproducción en aguas costeras
- f_2 : función reproducción en alta mar
- g₁: función migración desde alta mar a aguas costeras al comienzo de las sesiones pares
- g₂: función migración desde aguas costeras a alta mar al comienzo de las sesiones impares
- x_0 e y_0 stocks iniciales en ambas zonas



Modelo logístico-lineal

Escuela de Primavera 2006

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

No linealidad en la

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

Conclusiones

$$x_{2k-1} = f_1(x_{2k-2} + g_1(y_{2k-2})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$y_{2k-1} = f_2(y_{2k-2} - g_1(y_{2k-2})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$x_{2k} = f_1(x_{2k-1} - g_2(x_{2k-1})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$y_{2k} = f_2(y_{2k-1} + g_2(x_{2k-1})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$x_0 \ge 0, y_0 \ge 0.$$

Consideraremos el modelo logístico-lineal:

$$f_1(z) = z + rz(1 - z/K_X), \quad f_2(z) = z + qz(1 - z/K_Y),$$

 $g_1(z) = \delta z, \quad g_2(z) = \varepsilon z,$

donde

- $K_X, K_Y \in]0, +\infty]$ constantes de saturación
- $r, q, \delta, \varepsilon \in]0, 1[$

Modelo logístico-lineal

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

No linealidad en la

No linealidad en la función de extracciór

entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales

Suctoptabilidae

Conclusiones

$$x_{2k-1} = f_1(x_{2k-2} + g_1(y_{2k-2})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$y_{2k-1} = f_2(y_{2k-2} - g_1(y_{2k-2})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$x_{2k} = f_1(x_{2k-1} - g_2(x_{2k-1})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$y_{2k} = f_2(y_{2k-1} + g_2(x_{2k-1})) \quad k = 1, \dots, T,$$

$$x_0 \ge 0, y_0 \ge 0.$$

Consideraremos el modelo logístico-lineal:

$$f_1(z) = z + rz(1 - z/K_X), \quad f_2(z) = z + qz(1 - z/K_Y),$$

 $g_1(z) = \delta z, \quad g_2(z) = \varepsilon z,$

donde

- $K_X, K_Y \in]0, +\infty]$ constantes de saturación
- $r, q, \delta, \varepsilon \in]0, 1[$

Caso particular: $K_X = K_Y = \infty$, i.e. f_1 y f_2 lineales

Viabilidad y estados de equilibro

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

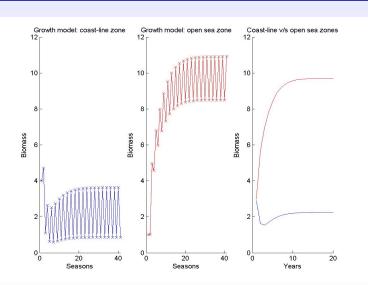
Equilibrie

No linealidad en la

Interacción entre varias

entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales

versus Industriales



Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias

Pesquerías Artesanales versus Industriales

Suctantabilide

Conclusiones

- Para cada pesquería, suponemos una función de extracción $bilineal^2 H(u, z)$ donde u es el esfuerzo de pesca y z representa la biomasa de los peces (tecnología Schaefer)
- Por simplicidad denotamos:

$$H_X(u_X, x) = u_X x = \alpha x$$

$$H_Y(u_Y, y) = u_Y y = \beta y,$$

donde $\alpha \in [0, \bar{\alpha}], \beta \in [0, \bar{\beta}], y \bar{\alpha}, \bar{\beta} < 1$

 Asumiremos que la extracción (o pesca) es efectuada al final de cada sesión k

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción

entre varias pesquerías Pesquerías Artes

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilida

Conclusiones

- Para cada pesquería, suponemos una función de extracción bilineal² H(u, z) donde u es el esfuerzo de pesca y z representa la biomasa de los peces (tecnología Schaefer)
- Por simplicidad denotamos:

$$H_X(u_X, x) = u_X x = \alpha x$$

 $H_Y(u_Y, y) = u_Y y = \beta y,$

donde
$$\alpha \in [0,\bar{\alpha}], \, \beta \in [0,\bar{\beta}], \, {\rm y} \; \bar{\alpha}, \; \bar{\beta} < 1$$

 Asumiremos que la extracción (o pesca) es efectuada al final de cada sesión k

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

Conclusiones

- Para cada pesquería, suponemos una función de extracción $bilineal^2 H(u, z)$ donde u es el esfuerzo de pesca y z representa la biomasa de los peces (tecnología Schaefer)
- Por simplicidad denotamos:

$$H_X(u_X, x) = u_X x = \alpha x$$

 $H_Y(u_Y, y) = u_Y y = \beta y,$

donde
$$\alpha \in [0, \bar{\alpha}], \beta \in [0, \bar{\beta}],$$
 y $\bar{\alpha}, \ \bar{\beta} < 1$

 Asumiremos que la extracción (o pesca) es efectuada al final de cada sesión k



Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracci

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

Conclusiones

Luego, el modelo es el siguiente

$$x_{2k-1} = f_1(x_{2k-2} + g_1(y_{2k-2}))(1 - \alpha_{2k-1}),$$

$$y_{2k-1} = f_2(y_{2k-2} - g_1(y_{2k-2}))(1 - \beta_{2k-1}),$$

$$x_{2k} = f_1(x_{2k-1} - g_2(x_{2k-1}))(1 - \alpha_{2k}),$$

$$y_{2k} = f_2(y_{2k-1} + g_2(x_{2k-1}))(1 - \beta_{2k}),$$

$$x_0 \ge 0, \quad y_0 \ge 0,$$

$$\alpha_k \in [0, \bar{\alpha}], \quad \beta_k \in [0, \bar{\beta}].$$

donde

$$f_1(z) = z + rz(1 - z/K_X), \quad f_2(z) = z + qz(1 - z/K_Y),$$

 $g_1(z) = \delta z, \quad g_2(z) = \varepsilon z,$

Ejemplo del caso lineal:

Modelo para saturaciones infinitas en un sólo periodo

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducción

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias

pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales

Sustentabilid

Conclusiones

Veamos un caso simple:

Modelo lineal con un horizonte de un periodo (T = 1).

Consideremos además $y_0 = 0$.

Luego, el modelo es reducido a

$$x_{1} = \tilde{r}x_{0}(1 - \alpha_{1}),$$

$$y_{1} = 0,$$

$$x_{2} = \tilde{r}^{2}x_{0}(1 - \varepsilon)(1 - \alpha_{2})(1 - \alpha_{1}),$$

$$y_{2} = \tilde{q}\varepsilon\tilde{r}x_{0}(1 - \alpha_{1})(1 - \beta_{2}).$$

$$\operatorname{con} \tilde{r} = r + 1 \text{ y } \tilde{q} = q + 1$$

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducción

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción

entre varias pesquerías Pesquerías Artes

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilid

Conclusiones

Veamos un caso simple:

Modelo lineal con un horizonte de un periodo (T = 1).

Consideremos además $y_0 = 0$.

Luego, el modelo es reducido a

$$x_{1} = \tilde{r}x_{0}(1 - \alpha_{1}),$$

$$y_{1} = 0,$$

$$x_{2} = \tilde{r}^{2}x_{0}(1 - \varepsilon)(1 - \alpha_{2})(1 - \alpha_{1}),$$

$$y_{2} = \tilde{q}\varepsilon\tilde{r}x_{0}(1 - \alpha_{1})(1 - \beta_{2}).$$

$$\operatorname{con} \tilde{r} = r + 1 \text{ y } \tilde{q} = q + 1$$

Escuela de Primavera 2006

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales

Sustentabilidae

- La pesqueras industriales (representadas por un sólo agente u optimizador) maximizan el valor presente neto de sus ganancias intertemporales, considerando un horizonte largo de tiempo (optimizador dinámico)
- La pesqueras artesanales (representadas por un sólo agente u optimizador) maximizan sus ganancias en cada periodo de tiempo (sesión) (optimizador estático)
- Presentamos la interacción entre estas pesquerías como un juego repetido a tiempo discreto con 2 jugadores, con un horizonte de tiempo finito T, y donde la dinámica de la biomasa connecta ambos jugadores

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción

entre varias
pesquerías
Pesquerías Artesanales
versus Industriales
Pesquerías Nacionales
versus Internacionales

Sustentabilidad

- La pesqueras industriales (representadas por un sólo agente u optimizador) maximizan el valor presente neto de sus ganancias intertemporales, considerando un horizonte largo de tiempo (optimizador dinámico)
- La pesqueras artesanales (representadas por un sólo agente u optimizador) maximizan sus ganancias en cada periodo de tiempo (sesión) (optimizador estático)
- Presentamos la interacción entre estas pesquerías como un juego repetido a tiempo discreto con 2 jugadores, con un horizonte de tiempo finito T, y donde la dinámica de la biomasa connecta ambos jugadores

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias

Interacción
entre varias
pesquerías
Pesquerías Artesanales
versus Industriales
Pesquerías Nacionales
versus Internacionales

Sustentabilidad

- La pesqueras industriales (representadas por un sólo agente u optimizador) maximizan el valor presente neto de sus ganancias intertemporales, considerando un horizonte largo de tiempo (optimizador dinámico)
- La pesqueras artesanales (representadas por un sólo agente u optimizador) maximizan sus ganancias en cada periodo de tiempo (sesión) (optimizador estático)
- Presentamos la interacción entre estas pesquerías como un juego repetido a tiempo discreto con 2 jugadores, con un horizonte de tiempo finito T, y donde la dinámica de la biomasa connecta ambos jugadores

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilid:

Conclusiones

Optimizador estático:

En el ejemplo, los problemas que la pesquería artesanal debe resolver en las sesiones k=1,2 son:

$$\max (p_X \tilde{r} x_0 - c_X) \alpha_1 ; \alpha_1 \in [0, \bar{\alpha}], \qquad (PA_1)$$

$$\max (p_X \tilde{r}^2 x_0 (1 - \varepsilon) (1 - \alpha_1) - c_X) \alpha_2 ; \alpha_2 \in [0, \bar{\alpha}]$$
 (PA₂)

Optimizador dinámico:

Mientras que la pesquería industrial debe resolver

$$\max -c_X\beta_1 + \rho_Y(p_Y\tilde{q}\varepsilon x_1 - c_Y)\beta_2 \; ; \; \beta_1, \, \beta_2 \in [0,\bar{\beta}].$$
 (P1)

Obteniendo directamente que $\beta_1 = 0$.

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilida

Conclusiones

Optimizador estático:

En el ejemplo, los problemas que la pesquería artesanal debe resolver en las sesiones k = 1, 2 son:

$$\max (p_X \tilde{r} x_0 - c_X) \alpha_1 ; \alpha_1 \in [0, \bar{\alpha}], \qquad (PA_1)$$

$$\max (p_X \tilde{r}^2 x_0 (1 - \varepsilon) (1 - \alpha_1) - c_X) \alpha_2 ; \alpha_2 \in [0, \bar{\alpha}]$$
 (PA₂)

Optimizador dinámico:

Mientras que la pesquería industrial debe resolver:

$$\max -c_X\beta_1 + \rho_Y(p_Y\tilde{q}\varepsilon x_1 - c_Y)\beta_2 ; \beta_1, \beta_2 \in [0, \bar{\beta}].$$
 (PI)

Obteniendo directamente que $\beta_1 = 0$.

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

Conclusiones

Optimizador estático:

En el ejemplo, los problemas que la pesquería artesanal debe resolver en las sesiones k = 1, 2 son:

$$\max (p_X \tilde{r} x_0 - c_X) \alpha_1 ; \alpha_1 \in [0, \bar{\alpha}], \qquad (PA_1)$$

$$\max (p_X \tilde{r}^2 x_0 (1 - \varepsilon) (1 - \alpha_1) - c_X) \alpha_2 ; \alpha_2 \in [0, \bar{\alpha}]$$
 (PA₂)

Optimizador dinámico:

Mientras que la pesquería industrial debe resolver:

$$\max -c_X\beta_1 + \rho_Y(p_Y\tilde{q}\varepsilon x_1 - c_Y)\beta_2 ; \beta_1, \beta_2 \in [0, \bar{\beta}].$$
 (PI)

Obteniendo directamente que $\beta_1 = 0$.

Escuela de Primavera 2006

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales

Suctantabilid

Conclusiones

Consideremos ahora el problema maximizar la ganancia total de la sociedad, es decir, de ambas pesquerías

Para esto, consideramos un factor de descuento $\rho_X \in]0,1[$ asociado a la pesquería artesanal, obteniendo el problema

$$\max \ \Phi(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2) \ ; \ \alpha_1, \ \alpha_2 \in [0, \bar{\alpha}], \ \beta_1, \ \beta_2 \in [0, \bar{\beta}], \ (PS)$$

dond

$$\Phi(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2) = \text{ganacia artesanal}(\alpha_1, \alpha_2) + \text{ganacia industrial}(\beta_1, \beta_2)$$

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilid

Conclusiones

Consideremos ahora el problema maximizar la ganancia total de la sociedad, es decir, de ambas pesquerías

Para esto, consideramos un factor de descuento $\rho_X \in]0,1[$ asociado a la pesquería artesanal, obteniendo el problema

$$\max \ \Phi(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2) \ ; \ \alpha_1, \ \alpha_2 \in [0, \bar{\alpha}], \ \beta_1, \ \beta_2 \in [0, \bar{\beta}], \ (PS)$$

donde

$$\Phi(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2) = \text{ganacia artesanal}(\alpha_1, \alpha_2) + \text{ganacia industrial}(\beta_1, \beta_2)$$

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

Conclusiones

Consideremos ahora el problema maximizar la ganancia total de la sociedad, es decir, de ambas pesquerías

Para esto, consideramos un factor de descuento $\rho_X \in]0,1[$ asociado a la pesquería artesanal, obteniendo el problema

$$\max \ \Phi(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2) \ ; \ \alpha_1, \ \alpha_2 \in [0, \bar{\alpha}], \ \beta_1, \ \beta_2 \in [0, \bar{\beta}], \ (PS)$$

donde

$$\Phi(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2) = \text{ganacia artesanal}(\alpha_1, \alpha_2) + \text{ganacia industrial}(\beta_1, \beta_2)$$

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Conclusione

Consideremos ahora el problema maximizar la ganancia total de la sociedad, es decir, de ambas pesquerías

Para esto, consideramos un factor de descuento $\rho_X \in]0,1[$ asociado a la pesquería artesanal, obteniendo el problema

$$\max \ \Phi(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2) ; \ \alpha_1, \ \alpha_2 \in [0, \bar{\alpha}], \ \beta_1, \ \beta_2 \in [0, \bar{\beta}], \ (PS)$$

donde

$$\Phi(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2) = \text{ganacia artesanal}(\alpha_1, \alpha_2) + \text{ganacia industrial}(\beta_1, \beta_2)$$

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

función de extracción

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales

versus internacional

Conclusiones

Lema

- Si $\bar{\alpha}$ es solución de (PA₂), entonces $\alpha_2 = \bar{\alpha}$ para cualquier solución $(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2)$ de (PS).
- Si $\bar{\beta}$ es solución de (PI), entonces $\beta_2 = \bar{\beta}$ para cualquier solución $(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2)$ de (PS).

Teorema

Bajo ciertas condiciones sobre los parámetros del problema se tiene que

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción
entre varias
pesquerías
pesquerías Artesanales
versus Industriales
Pesquerías Nacionales
versus Internacionales

Sustentabilidad

Conclusiones

Lema

- Si $\bar{\alpha}$ es solución de (PA₂), entonces $\alpha_2 = \bar{\alpha}$ para cualquier solución $(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2)$ de (PS).
- Si $\bar{\beta}$ es solución de (PI), entonces $\beta_2 = \bar{\beta}$ para cualquier solución $(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2)$ de (PS).

Teorema

Bajo ciertas condiciones sobre los parámetros del problema, se tiene que

- $\bar{\alpha}$ es solución de (PA_1) y (PA_2) , y $(0, \bar{\beta})$ resuelve (PI) (i.e. $(\bar{\alpha}, \bar{\alpha}, 0, \bar{\beta})$ resuelve los problemas individuales),
- pero $(0, \bar{\alpha}, 0, \bar{\beta})$ es solución de (PS)
- Más aún, los pagos obtenidos pescando $(0, \bar{\alpha}, 0, \beta)$ son mayores que la suma de los pagos de (PA_1) , (PA_2) y (PA_3)

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilidad

Conclusiones

Lema

- Si $\bar{\alpha}$ es solución de (PA₂), entonces $\alpha_2 = \bar{\alpha}$ para cualquier solución $(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2)$ de (PS).
- Si $\bar{\beta}$ es solución de (PI), entonces $\beta_2 = \bar{\beta}$ para cualquier solución $(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2)$ de (PS).

Teorema

Bajo ciertas condiciones sobre los parámetros del problema, se tiene que

- $\bar{\alpha}$ es solución de (PA_1) y (PA_2) , y $(0, \bar{\beta})$ resuelve (PI) (i.e. $(\bar{\alpha}, \bar{\alpha}, 0, \bar{\beta})$ resuelve los problemas individuales),
- pero $(0, \bar{\alpha}, 0, \bar{\beta})$ es solución de (PS)
- Más aún, los pagos obtenidos pescando $(0, \bar{\alpha}, 0, \beta)$ son mayores que la suma de los pagos de (PA_1) , (PA_2) y (PA_3)

Escuela de Primavera 20

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilidad

Conclusiones

Lema

- Si $\bar{\alpha}$ es solución de (PA₂), entonces $\alpha_2 = \bar{\alpha}$ para cualquier solución $(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2)$ de (PS).
- $Si \bar{\beta}$ es solución de (PI), entonces $\beta_2 = \bar{\beta}$ para cualquier solución $(\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2)$ de (PS).

Teorema

Bajo ciertas condiciones sobre los parámetros del problema, se tiene que

- $\bar{\alpha}$ es solución de (PA_1) y (PA_2) , y $(0, \bar{\beta})$ resuelve (PI) (i.e. $(\bar{\alpha}, \bar{\alpha}, 0, \bar{\beta})$ resuelve los problemas individuales),
- pero $(0, \bar{\alpha}, 0, \bar{\beta})$ es solución de (PS)
- Más aún, los pagos obtenidos pescando $(0, \bar{\alpha}, 0, \bar{\beta})$ son mayores que la suma de los pagos de (PA_1) , (PA_2) y (PI)

Pesquerías artesanales versus industriales

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias

Pesquerias Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Suctantabilida

Conclusiones

Problemas abiertos

- Estudiar el problema (PS) y analizar como las estrategias óptimas dependen de los parámetros
- Consider aspectos estocásticos in el modelo biológico^a:
 - En las funciones de difusión
 - En las tasas de crecimiento

^aMcKelvey & Golubtsov 2002, Laukkanen 2003

Planificación de la charla

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Internacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Introducción
- Comportamiento de equilibrios en extracción de especies pelágicas
 - No linealidad en la función de extracción
- Interacción estratégica entre varias pesquerías explotando un mismo recurso
 - Pesquerías Artesanales versus Industriales
 - Pesquerías Nacionales versus Internacionales
- 4 Teoría de la viabilidad aplicada a indicadores bio-económicos
- Conclusiones

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

función de extracción

Interacción

entre varias
pesquerías
Pesquerías Artesanales
versus Industriales
Pesquerías Nacionales
versus Internacionales

Suctantabilid

- Estudiar el mismo tipo de problema donde ahora se considera una pesquería foránea, que pesca más allá de las 200 nm, en lugar de la pesquería artesanal
- La flota internacional puede ser considerada como optimizador estático:
 - No tiene regulación (cuotas de pesca)
 Podemos suponer que ya han pagado completamente su inversion
- Podemos introducir un nueva variable que controle el acceso a puertos chilenos
 Esto puede ser usado como una especie de "castigo"
- Existe la posibilidad de firmar acuerdos internacionales (UNCLOS 1982, 1995)

Naves autorizadas a entrar a puertos chilenos pasaron de cinco a tres

Chile vuelve a disminuir los permisos a barcos pesqueros chinos

A fines de abril el gobierno había recortado esas autorizaciones de 11 a cinco. Privados opinan que la medida tomada ahora es insuficiente y exigen dejar en cero los permisos.

EDUARDO OLIVARES C.

DURANTE SEMANAS el gobierno lo estuvo analizando y el jueves se lo informó a la embajada de China en Santiago: se redujeron desde cinco a tres los permisos para que barcos de esa nacionalidad puedan ingresar a puertos chilenos. Con eso repitió la medida tomada a fines de abril pasado, cuando recortó las autorizaciones desde las 11 de entonces a cinco, en una determinación conjunta entre Cancillería y Economía.

De acuerdo con el subsecretario de Pesca, Felipe Sandoval, la decisión obedece "a un proceso de conservación de los recursos".

Esta misma semana el Consejo Nacional de Pesca restringió en unas 75 mil toneladas las cuotas de captura de jurel de las naves chilenas para el próximo año, por la menor presencia de la especie.

Esto provocó la ira de los privados agrupados en la Sociedad Nacional de Pesca (Sonapesca), para quienes esa rebaja coincidió con un aumento en similar proporción- de la explotación china en alta mar, cuyos buques factoría autorizados pueden recalar en puertos chilenos. Hasta ahora China es el único país con esa licencia, debido a que el decreto 123 de 2004 prohíbe el ingreso a costas nacionales de cualquier embarcación cuyo país no demuestre "coopera-



PESE A que el gobierno evalúa permitir que las empresas chilenas usen buques factoría, la respuesta es negativa. "Para qué tener buques factoría si no tenemos pescado", dice Sonapesca.

ción" con las normas de preservación. China sí lo habría hecho al aceptar reuniones sobre el tema.

El reclamo empresarial

"Sabíamos que esto ocurriría así, pero creemos que no debe haber permisos. No sabemos por qué hay que seguir entregándolos a los barcos chinos", se queja el presidente de Sonapesca, Roberto Izquierdo.

El dirigente asegura que le ha preguntado al canciller Walker por qué se exceptúa a China del decreto 123 -que ha perjudicado especialmente a España-, "pero no nos ha respondido nunca. El ministro está contraviniendo el decreto".

No obstante, un funcionario gubernamental explica que esta reducción de cupos permite un incentivo para que China reoriente su política extractiva. "Hay diferencias en las modalidades de conservación. Los chinos quieren pescar lo máximo posible y nosotros exigimos lo máximo permitible", asegura.

En septiembre una delegación oficial del gobierno visitó Beijing y advirtió que, si no notaban una mayor cooperación de los pesqueros chinos, podrían incluso caducarse las autorizaciones. Para abril de 2006 está agendada otra reunión y, dependiendo de sus resultados, el Ejecutivo optará entre eliminar todos los cupos o reconsiderar la medida.

A los privados tampoco les resulta útil que el gobierno evalúe permitir la existencia de buques factoría chilenos -como anunció Sandoval-, que desde 1991 están prohibidos desde la Primera Región hasta Chiloé. "No nos interesan. Para qué tener buques factoría si no tenemos pescado", responde Izquierdo.



Hacienda acoge reparos del Senado y se abre a modificar proyecto de platas del royalty

PAMELA JIMENO

EL GOBIERNO ACOGIO los reparos de la comisión especial de senadores que analiza el proyecto de ley que define el uso de los recursos del *royalty* a la minería. Aunque recién evalúan las observaciones preliminares del grupo parlamentario, en Hacienda se abrieron a modificar la iniciativa que crea el Fondo de Innovación para la Competitividad, la instancia que canalizará y administrará las platas del nuevo impuesto.

El coordinador de Políticas Económicas de Hacienda, Marcelo Tokman (en la foto), aseguró que el equipo económico está dispuesto a introducir cambios a la propuesta que lleva poco más de un año en el Congreso. El texto es cuestionado por el lado de la institucionalidad que se propone para crear una estrategia nacional de competitividad, como por la asignación de los recursos que irán en forma directa a las regiones y en especial a las mineras.

"El gobierno efectivamente está dispuesto a acoger las sugerencias de la comisión en dos perspectivas. Primero, en la medida que mejoren el proyecto y, segundo, siempre que se trate de propuestas de consenso", dijo el asesor.

Los reparos al proyecto son transversales en la comisión. Senadores como Ricardo Núñez, del PS, y Evelyn Matthei, de la UDI, coinciden en que se deben reestudiar los criterios para constituir el Fondo de Innovación, así como lo que se relaciona con la administración de éste. Pero el punto más complejo es que la comisión propondría aumentar la entrega directa de recursos a regiones y en especial a las mineras, que los parlamentarios consideran limitada. El prospecto del gobierno señala que el 75% del total recaudado por el royalty irá al fondo y el resto a regiones. De esto último, el 60% llegará a las mineras, de lo cual la I y II regiones captarán el 21%.

Pero Tokman planteó sus dudas sobre el apoyo para cambiar el uso de las platas. "No es claro que haya consenso en torno a elevar los recursos a las regiones. Además, hay parlamentarios de algunas regiones mineras que plantean utilizar los recursos para fines distintos a la innovación y para eso el Ejecutivo no está disponible", afirmó.

Hugo Lavados es partidario de sacar dólares al exterior a través de un fondo como el que utiliza Noruega con el petróleo

Exportadores valoran propuesta de ProChile por dólar

E.O.C.

LOS EXPORTADORES están satisfechos. Tras meses en que han bregado en solitario para que las autoridades evalúen medidas sobre el tipo de cambio, el viernes el director de ProChile, Hugo Lavados, los apoyó públicamente en sus demandas.

"Nadie más calificado que él para hablar de un tema que ya no resiste más", cree el presidente de la Sociedad Nacional de Agricultura y Fedefruta, Luis Schmidt. "Comparto plenamente los comentarios que Lavados manifestó", transmitió el titular de la Asociación de Exportadores, Ronald Bown.

En entrevista con **La Tercera**, Lavados expresó que "nadie puede ponerse una venda en los ojos" con el tipo



LUIS SCHMIDT (**foto izquierda**) y Ronald Bown (**foto derecha**) adhirieron a las opiniones del director de ProChile.

de cambio y que "hay que introducir en el debate público cómo se piensa actuar, porque honestamente no estoy de acuerdo en decir que no hay nada que hacer". Y propuso la fórmula que utiliza Noruega, que tiene un

fondo en que acumula excedentes de los ingresos por petróleo y hace inversiones en el extranjero. Así saca los dólares del país.

"Ya habíamos escuchado sobre esa fórmula y creo que lo que dijo (Lavados) es un gran avance. Ahora necesitamos señales concretas de Hacienda y el Banco Central", planteó Patricia Pérez, presidenta de Asexma. Rodrigo Ballivián, gerente general de ChileVid, valora que se haya puesto sobre la mesa esta propuesta. "Existen estas herramientas en el mundo y son eficaces. Es increíble que nosotros no hayamos tomado iniciativas como ésta", agrega.

Schmidt contó que el bajo dólar (se cotizó en \$ 514 ayer) ha afectado a negocios consolidados, como vinos y frutas, y emergentes, como carnes y lácteos. "A estos niveles (de dólar) no es mucho lo que se puede hacer", cree Alvaro Alliende, director de Carnes Ñuble.

Bown pide que los candidatos presidenciales expliciten sus posturas al respecto.



Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Estudiar el mismo tipo de problema donde ahora se considera una pesquería foránea, que pesca más allá de las 200 nm, en lugar de la pesquería artesanal
- La flota internacional puede ser considerada como optimizador estático:
 - No tiene regulación (cuotas de pesca)
 - Podemos suponer que ya han pagado completamente su inversion
- Podemos introducir un nueva variable que controle el acceso a puertos chilenos
 Esto puede ser usado como una especie de "castigo"
- Existe la posibilidad de firmar acuerdos internacionales (UNCLOS 1982, 1995)

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Estudiar el mismo tipo de problema donde ahora se considera una pesquería foránea, que pesca más allá de las 200 nm, en lugar de la pesquería artesanal
- La flota internacional puede ser considerada como optimizador estático:
 - No tiene regulación (cuotas de pesca)
 - Podemos suponer que ya han pagado completamente su inversion
- Podemos introducir un nueva variable que controle el acceso a puertos chilenos
 Esto puede ser usado como una especie de "castigo"
- Existe la posibilidad de firmar acuerdos internacionales (UNCLOS 1982, 1995)

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale: versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

- Estudiar el mismo tipo de problema donde ahora se considera una pesquería foránea, que pesca más allá de las 200 nm, en lugar de la pesquería artesanal
- La flota internacional puede ser considerada como optimizador estático:
 - No tiene regulación (cuotas de pesca)
 - Podemos suponer que ya han pagado completamente su inversion
- Podemos introducir un nueva variable que controle el acceso a puertos chilenos
 Esto puede ser usado como una especie de "castigo"
- Existe la posibilidad de firmar acuerdos internacionales (UNCLOS 1982, 1995)

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Estudiar el mismo tipo de problema donde ahora se considera una pesquería foránea, que pesca más allá de las 200 nm, en lugar de la pesquería artesanal
- La flota internacional puede ser considerada como optimizador estático:
 - No tiene regulación (cuotas de pesca)
 - Podemos suponer que ya han pagado completamente su inversion
- Podemos introducir un nueva variable que controle el acceso a puertos chilenos
 Esto puede ser usado como una especie de "castigo"
- Existe la posibilidad de firmar acuerdos internacionales (UNCLOS 1982, 1995)

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale: versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

- Estudiar el mismo tipo de problema donde ahora se considera una pesquería foránea, que pesca más allá de las 200 nm, en lugar de la pesquería artesanal
- La flota internacional puede ser considerada como optimizador estático:
 - No tiene regulación (cuotas de pesca)
 - Podemos suponer que ya han pagado completamente su inversion
- Podemos introducir un nueva variable que controle el acceso a puertos chilenos
 Esto puede ser usado como una especie de "castigo"
- Existe la posibilidad de firmar acuerdos internacionales (UNCLOS 1982, 1995)

Planificación de la charla

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

- Introducción
- Comportamiento de equilibrios en extracción de especies pelágicas
 - No linealidad en la función de extracción
- Interacción estratégica entre varias pesquerías explotando un mismo recurso
 - Pesquerías Artesanales versus Industriales
 - Pesquerías Nacionales versus Internacionales
- 4 Teoría de la viabilidad aplicada a indicadores bio-económicos
 - Conclusiones

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introduccio

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilidad

- Los indicadores y sus respectivos puntos de referencia son elementos claves en las actuales recomendaciones para gestión de recursos pesqueros
 - Stock de biomasa desovante SSB con umbral de referencia B_{rej}
 - Mortalidad pesquera promedio F con punto de referencia F_{rej}
- Las recomendaciones para una extracción sustentable en un período largo de tiempo son:
 - Mantener el stock de biomasa desovante sobre B_{ref}

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilidad

- Los indicadores y sus respectivos puntos de referencia son elementos claves en las actuales recomendaciones para gestión de recursos pesqueros
 - Stock de biomasa desovante SSB con umbral de referencia B_{ref}
 - ullet Mortalidad pesquera promedio F con punto de referencia F_{rej}
- Las recomendaciones para una extracción sustentable en un período largo de tiempo son:
 - Mantener el stock de biomasa desovante sobre B_{ref}

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilidad

- Los indicadores y sus respectivos puntos de referencia son elementos claves en las actuales recomendaciones para gestión de recursos pesqueros
 - Stock de biomasa desovante SSB con umbral de referencia B_{ref}
 - Mortalidad pesquera promedio F con punto de referencia F_{ref}
- Las recomendaciones para una extracción sustentable en un período largo de tiempo son:
 - Mantener el stock de biomasa desovante sobre B_{ref}

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales

Sustentabilidad

- Los indicadores y sus respectivos puntos de referencia son elementos claves en las actuales recomendaciones para gestión de recursos pesqueros
 - Stock de biomasa desovante SSB con umbral de referencia B_{ref}
 - Mortalidad pesquera promedio F con punto de referencia F_{ref}
- Las recomendaciones para una extracción sustentable en un período largo de tiempo son:
 - Mantener el stock de biomasa desovante sobre B_{ref}

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanales versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

- Los indicadores y sus respectivos puntos de referencia son elementos claves en las actuales recomendaciones para gestión de recursos pesqueros
 - Stock de biomasa desovante SSB con umbral de referencia B_{ref}
 - Mortalidad pesquera promedio F con punto de referencia F_{ref}
- Las recomendaciones para una extracción sustentable en un período largo de tiempo son:
 - Mantener el stock de biomasa desovante sobre B_{ref}

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

Conclusiones

$$\begin{cases} N_{t+1}^{1} = \varphi(SSB(N_{t})), \\ N_{t+1}^{a} = e^{-(M+\lambda F^{a-1})}N_{t}^{a-1}, \quad a \in \{2, \dots, A-1\} \\ N_{t+1}^{A} = e^{-(M+\lambda F^{A-1})}N_{t}^{A-1} + \pi \times e^{-(M+\lambda F^{A})}N_{t}^{A} \end{cases}$$

- Variable de estado: $N = (N^a)_{a=1,..,A} \in \mathbb{R}_+^A$, denota la biomasa clasificada por edades
- Control: $\lambda \in \mathbb{R}_+$, esfuerzo pesquero
- φ describe la función de reclutamiento de stock
- $\pi = 0$ ó 1, indica si el a = A es un grupo-plus

Los indicadores antes mencionados están dados por

$$SSB(N) = \sum_{a=1}^{A} p_a w_a N_a, \qquad F(\lambda) = \frac{\lambda}{A_r - a_r + 1} \sum_{a=a_r}^{A_r} F^a$$

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Emilibri

No linealidad en la

Interacción

entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanal versus Industriales Pesquerías Nacionale

Sustentabilidad

Conclusiones

Definición

• La explotación descrita etariamente es:

$$C_{t,a} = \frac{\lambda_t F_a}{\lambda_t F_a + M} \left(1 - e^{-(M + \lambda_t F_a)} \right) N_{t,a}.$$

La ganancia está dada por:

$$Y_t = \sum_{a=1}^A w_a C_{t,a}$$

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

_

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanal versus Industriales Pesquerías Nacionald

Sustentabilidad

Conclusiones

Definición

• La explotación descrita etariamente es:

$$C_{t,a} = \frac{\lambda_t F_a}{\lambda_t F_a + M} \left(1 - e^{-(M + \lambda_t F_a)} \right) N_{t,a}.$$

• La ganancia está dada por:

$$Y_t = \sum_{a=1}^A w_a \, C_{t,a}.$$

Escuela de Primavera 20

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias

Pesquerías Artesana versus Industriales

Sustentabilidad

Conclusione

Considere el sistema

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$$

donde $N_t \in \mathbb{R}^n_+$, $\lambda_t \in \mathbb{U}$, $f : \mathbb{R}^n_+ \times \mathbb{U} \longrightarrow \mathbb{R}^n_+$

Se fija un conjunto deseable $\mathcal{D} \subset \mathbb{R}^n_+ \times \mathbb{U}$, determina los requerimientos ecológicos, económicos y/o sociológicos deseac

Definición

V ⊂ Rⁿ₊, es un Dominio de viabilidad si para todo N ∈ V existe λ ∈ U tale
que (N, λ) ∈ D y además f(N, λ) ∈ V

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesanal versus Industriales Pesquerías Nacionalo

Sustentabilidad

Conclusione:

Considere el sistema

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$$

donde $N_t \in \mathbb{R}^n_+$, $\lambda_t \in \mathbb{U}$, $f : \mathbb{R}^n_+ \times \mathbb{U} \longrightarrow \mathbb{R}^n_+$ Se fija un conjunto deseable $\mathcal{D} \subset \mathbb{R}^n_+ \times \mathbb{U}$, determina los requerimientos ecológicos, económicos y/o sociológicos deseados

Definición

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional versus Internacional

Sustentabilidad

Conclusiones

Considere el sistema

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$$

donde $N_t \in \mathbb{R}^n_+$, $\lambda_t \in \mathbb{U}$, $f : \mathbb{R}^n_+ \times \mathbb{U} \longrightarrow \mathbb{R}^n_+$ Se fija un conjunto deseable $\mathcal{D} \subset \mathbb{R}^n_+ \times \mathbb{U}$, determina los requerimientos ecológicos, económicos y/o sociológicos deseados

Definición

- $\mathbb{V} \subset \mathbb{R}^n_+$ es un Dominio de viabilidad si para todo $N \in \mathbb{V}$ existe $\lambda \in \mathbb{U}$ tal que $(N, \lambda) \in \mathcal{D}$ y además $f(N, \lambda) \in \mathbb{V}$
 - Núcleo de viabilidad

$$V(f, \mathcal{D}) = \{N_0 \in \mathbb{R}_+^n : \text{ existen } \lambda_0, \lambda_1, \lambda_2, \dots, N_1, N_2, \dots \\ \text{tal que } N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t) \text{ y } (N_t, \lambda_t) \in \mathcal{D}\}$$

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanal versus Industriales Pesquerías Nacionale versus Internacionale

Sustentabilidad

Conclusiones

Considere el sistema

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$$

donde $N_t \in \mathbb{R}^n_+$, $\lambda_t \in \mathbb{U}$, $f : \mathbb{R}^n_+ \times \mathbb{U} \longrightarrow \mathbb{R}^n_+$ Se fija un conjunto deseable $\mathcal{D} \subset \mathbb{R}^n_+ \times \mathbb{U}$, determina los requerimientos ecológicos, económicos y/o sociológicos deseados

Definición

- $\mathbb{V} \subset \mathbb{R}^n_+$ es un Dominio de viabilidad si para todo $N \in \mathbb{V}$ existe $\lambda \in \mathbb{U}$ tal que $(N, \lambda) \in \mathcal{D}$ y además $f(N, \lambda) \in \mathbb{V}$
- Núcleo de viabilidad

$$V(f,\mathcal{D}) = \{N_0 \in \mathbb{R}^n_+ : \text{ existen } \lambda_0, \lambda_1, \lambda_2, \dots, N_1, N_2, \dots \\ \text{tal que } N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t) \text{ y } (N_t, \lambda_t) \in \mathcal{D}\}$$

Escuela de Primavera 2006

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional

Sustentabilidad

Conclusione:

Objetivo

Determinar o aproximar el núcleo de viabilidad $V(f, \mathcal{D})$ para una dinámica f y un conjunto deseable \mathcal{D} dados.

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibr

lo linealidad en la

Interacción entre varias

Pesquerias Artesan

Pesquerías Nacio

Sustentabilidad

Conclusiones

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$$

Ejemplo (Conjuntos deseables)

 $\bullet \ \mathcal{D}_{econ} := \{(N, \lambda) : Y(N, \lambda) \ge y_{min}\}$

 $\sim \nu_{ICIS} := \{(N,\lambda) : \Delta B(N) \geq B_{nf}, P(\lambda) \leq I$

Ejemplo (Candidatos a ser dominios de viabilidad: sustentabilidad

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibr

No linealidad en la

Interacción entre varias

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional

Sustentabilidad

Conclusiones

$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$

Ejemplo (Conjuntos deseables)

•
$$\mathcal{D}_{ecol} := \{ (N, \lambda) : N > 0 \}$$

•
$$\mathcal{D}_{econ} := \{(N, \lambda) : Y(N, \lambda) \geq y_{min}\}$$

$$ullet \ \mathcal{D}_{ICES} := \{(N,\lambda) \ : \ \mathit{SSB}(N) \geq B_{ref}, F(\lambda) \leq F_{ref} \}$$

Ejemplo (Candidatos a ser dominios de viabilidad: sustentabilidad)

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibri

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional

Sustentabilidad

Conclusiones

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$$

Ejemplo (Conjuntos deseables)

- $\mathcal{D}_{ecol} := \{ (N, \lambda) : N > 0 \}$
- $\mathcal{D}_{econ} := \{(N, \lambda) : Y(N, \lambda) \geq y_{min}\}$
- $ullet \ \mathcal{D}_{ICES} := \{(N,\lambda) \ : \ \mathit{SSB}(N) \geq B_{ref}, F(\lambda) \leq F_{ref} \}$

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional versus Internacional

Sustentabilidad

Conclusiones

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$$

Ejemplo (Conjuntos deseables)

- $\mathcal{D}_{ecol} := \{ (N, \lambda) : N > 0 \}$
- $\mathcal{D}_{econ} := \{(N, \lambda) : Y(N, \lambda) \geq y_{min}\}$
- $\mathcal{D}_{ICES} := \{(N, \lambda) : SSB(N) \geq B_{ref}, F(\lambda) \leq F_{ref}\}$

Ejemplo (Candidatos a ser dominios de viabilidad: sustentabilidad

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

lo linealidad en la

Interacción entre varias

Pesquerías Artesanal versus Industriales Pesquerías Nacionale versus Internacionale

Sustentabilidad

Conclusiones

$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$

Ejemplo (Conjuntos deseables)

- $\mathcal{D}_{ecol} := \{ (N, \lambda) : N > 0 \}$
- $\mathcal{D}_{econ} := \{(N, \lambda) : Y(N, \lambda) \geq y_{min}\}$
- $\mathcal{D}_{ICES} := \{(N, \lambda) : SSB(N) \geq B_{ref}, F(\lambda) \leq F_{ref}\}$

Ejemplo (Candidatos a ser dominios de viabilidad: sustentabilidad

Gestión de Recursos Pesqueros

Sustentabilidad

$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$

Ejemplo (Conjuntos deseables)

- $\mathcal{D}_{\rho,col} := \{ (N, \lambda) : N > 0 \}$
- $\mathcal{D}_{econ} := \{(N, \lambda) : Y(N, \lambda) \geq y_{min}\}$
- $\mathcal{D}_{ICES} := \{(N, \lambda) : SSB(N) \geq B_{ref}, F(\lambda) \leq F_{ref}\}$

Ejemplo (Candidatos a ser dominios de viabilidad: sustentabilidad)

- $\bullet \ \mathbb{V}_{\bar{N}} := \{ N : N \geq \bar{N} \}$

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional versus Internacional

Sustentabilidad

Conclusiones

$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$

Ejemplo (Conjuntos deseables)

- $\mathcal{D}_{ecol} := \{ (N, \lambda) : N > 0 \}$
- $\mathcal{D}_{econ} := \{(N, \lambda) : Y(N, \lambda) \geq y_{min}\}$
- $\mathcal{D}_{ICES} := \{(N, \lambda) : SSB(N) \geq B_{ref}, F(\lambda) \leq F_{ref}\}$

Ejemplo (Candidatos a ser dominios de viabilidad: sustentabilidad)

- $\bullet \ \mathbb{V}_{\bar{N}} := \{ N : N \geq \bar{N} \}$
- $\bullet \ \mathbb{V}_{ICES} := \{N : SSB(N) \geq B_{ref}\}$

¿Son las recomendaciones ICES sustentables?

Escuela de Primavera 2006

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

función de extracci

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional

Sustentabilidad

Conclusiones

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$$

Recomendación ICES: Dado un stock N tal que $SSB(N) \ge B_{ref}$, encontrar el máximo esfuerzo de pesca λ tal que

$$SSB(f(N,\lambda)) \geq B_{ref} \text{ y } F(\lambda) \leq F_{ref}$$

•
$$\mathcal{D}_{ICES} = \{(N, \lambda) : SSB(N) \geq B_{ref}, F(\lambda) \leq F_{ref}\}$$

Proposición (Guilbaud et al. 2006

 V_{ICES} no siempre es un dominio de viabilidad para D_{ICES}

¿Son las recomendaciones ICES sustentables?

Escuela de Primavera 2006

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción

entre varias pesquerías Pesquerías Artesa

versus Industriales Pesquerías Nacional versus Internacional

Sustentabilidad

Conclusiones

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & dado \end{cases}$$

Recomendación ICES: Dado un stock N tal que $SSB(N) \ge B_{ref}$, encontrar el máximo esfuerzo de pesca λ tal que

$$SSB(f(N,\lambda)) \geq B_{ref} \text{ y } F(\lambda) \leq F_{ref}$$

- $\mathcal{D}_{ICES} = \{(N, \lambda) : SSB(N) \geq B_{ref}, F(\lambda) \leq F_{ref}\}$

Proposición (Guilbaud et al. 2006)

 V_{ICES} no siempre es un dominio de viabilidad para D_{ICES}

¿Son las recomendaciones ICES sustentables?

Escuela de Primavera 2006

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional

Sustentabilidad

Conclusiones

$$\begin{cases} N_{t+1} = f(N_t, \lambda_t), & t \ge 0 \\ N_0 & \text{dado} \end{cases}$$

Recomendación ICES: Dado un stock N tal que $SSB(N) \ge B_{ref}$, encontrar el máximo esfuerzo de pesca λ tal que

$$SSB(f(N,\lambda)) \geq B_{ref} \text{ y } F(\lambda) \leq F_{ref}$$

- $\mathcal{D}_{ICES} = \{(N, \lambda) : SSB(N) \geq B_{ref}, F(\lambda) \leq F_{ref}\}$

Proposición (Guilbaud et al. 2006)

 \mathbb{V}_{ICES} no siempre es un dominio de viabilidad para \mathcal{D}_{ICES}

Obtención de indicadores bio-económicos

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

entre varias
pesquerías
Pesquerías Artesanale
versus Industriales
Pesquerías Nacionale

Sustentabilidad

Conclusiones

Proposición (Gajardo, De Lara & Ramírez 2006)

Si se considera $\mathcal{D}_{econ} = \{(N, \lambda) : Y(N, \lambda) \geq y_{min}\}$ es posible encontrar un punto de referencia $B_{ref} > 0$ tal que si N_0 pertenece al núcleo de viabilidad, entonces $SB(N_0) \geq B_{ref}$

Trabajos en curso

- Obtención de otros indicadores y puntos de referencia
- Estimación del núcleo de viabilidad
- Propiedades teóricas del núcleo de viabilidad (convexidad, poliedral, monotonía, etc.)
- Estudio de módelos a dos zonas

Obtención de indicadores bio-económicos

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción

Interacción
entre varias
pesquerías
Pesquerías Artesanale
versus Industriales
Pesquerías Nacionales
versus Internacionales

Sustentabilidad

Conclusiones

Proposición (Gajardo, De Lara & Ramírez 2006)

Si se considera $\mathcal{D}_{econ} = \{(N, \lambda) : Y(N, \lambda) \geq y_{min}\}$ es posible encontrar un punto de referencia $B_{ref} > 0$ tal que si N_0 pertenece al núcleo de viabilidad, entonces $SSB(N_0) \geq B_{ref}$

Trabajos en curso

- Obtención de otros indicadores y puntos de referencia
- Estimación del núcleo de viabilidad
- Propiedades teóricas del núcleo de viabilidad (convexidad, poliedral, monotonía, etc.)
- Estudio de módelos a dos zonas

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción
entre varias
pesquerías
Pesquerías Artesanale
versus Industriales
Pesquerías Nacionales
versus Internacionales

Sustentabilida

- Hemos presentado diferentes problemas motivados por la gestión de recursos pesqueros
- Estos problemas han sido motivados por factores económicos y biológicos
- Esperamos abordarlos via un equipo multidisciplinario (biólogos, economistas, matemáticos, etc.)
- Es estado actual de nuestra investigación en "gestacional".
 Un análisis más profundo es requerido

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale: versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Hemos presentado diferentes problemas motivados por la gestión de recursos pesqueros
- Estos problemas han sido motivados por factores económicos y biológicos
- Esperamos abordarlos via un equipo multidisciplinario (biólogos, economistas, matemáticos, etc.)
- Es estado actual de nuestra investigación en "gestacional".
 Un análisis más profundo es requerido

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Hemos presentado diferentes problemas motivados por la gestión de recursos pesqueros
- Estos problemas han sido motivados por factores económicos y biológicos
- Esperamos abordarlos via un equipo multidisciplinario (biólogos, economistas, matemáticos, etc.)
- Es estado actual de nuestra investigación en "gestacional". Un análisis más profundo es requerido

Escuela de Primavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

Equilibrios

No linealidad en la función de extracció

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilida

- Hemos presentado diferentes problemas motivados por la gestión de recursos pesqueros
- Estos problemas han sido motivados por factores económicos y biológicos
- Esperamos abordarlos via un equipo multidisciplinario (biólogos, economistas, matemáticos, etc.)
- Es estado actual de nuestra investigación en "gestacional".
 Un análisis más profundo es requerido

Bibliography

Escuela de Primavera 200

> Gestión de Recursos Pesqueros

Introducció

No linealidad en la función de extracción

Interacción entre varias pesquerías Pesquerías Artesanale versus Industriales Pesquerías Nacionales versus Internacionales

Sustentabilidad

Conclusiones



Bioeconomics modelling and fisheries management Wiley Interscience publication (1985).



Harvesting in a pelagic fishery: The case of Northern Chile Annals of Operations Research 94 (2000).

T. Guilbaud, M.J. Rochet, L. Doyen & M. De Lara

Reconciling managment objectives and operational reference points through a viability approach

Por aparecer.

P. Gajardo, M. De Lara & H. Ramírez C.

The structure of the viability kernel for state linear discrete time systems

P. Gajardo, J. Peña & H. Ramírez C.

Analysis of stationary equilibria, and their corresponding temporal trajectories under different harvesting settings

Working papers.



GRACIAS!!

Escuela de rimavera 200

Gestión de Recursos Pesqueros

Introducción

Equilibrios

o linealidad en la

Interacción entre varia pesquerías

Pesquerías Artesana versus Industriales Pesquerías Nacional

Sustentabilida

